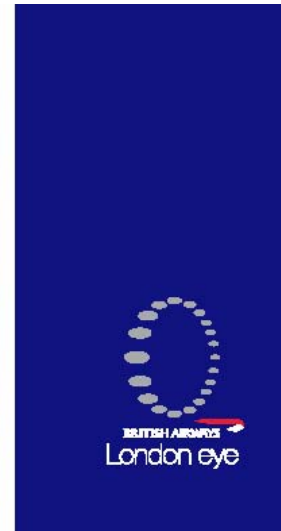


Trigonometrische Funktionen

Ein Flug mit dem London Eye



<http://www.ba-londoneye.com/>

A flight on the London Eye is an unrivalled experience. As you rise to an incredible 135 metres above the River Thames, the 30 minute rotation provides stunning panoramic views of the city and reveals parts of London which are simply not visible from the ground. For a truly stunning view, visit at sunset or after dark and see the city awash with colour and famous landmarks floodlit. Each capsule is fully enclosed, air-conditioned and holds up to 25 passengers with bench seating provided.

Price including 10% online discount

Adult £11.70, Child (5-15) £5.85, Under 5 FREE, Senior (60+)*£9.00

*Senior discount not valid weekends or during July / August.

Spoil your loved one with a romantic champagne flight for two in the luxury of your own private capsule complete with a bottle of Laurent-Perrier champagne served by your host. The package also includes exclusive check-in and fast track entrance; the couple are given a mini guide and box of luxury chocolates for their flight. An all-inclusive price for a maximum of 2 guests aged 18+ years. In addition up to two children aged under five are permitted in the capsule.

Price includes 10% discount
£269.10



1. Mit welcher Durchschnittsgeschwindigkeit bewegt sich das Riesenrad?

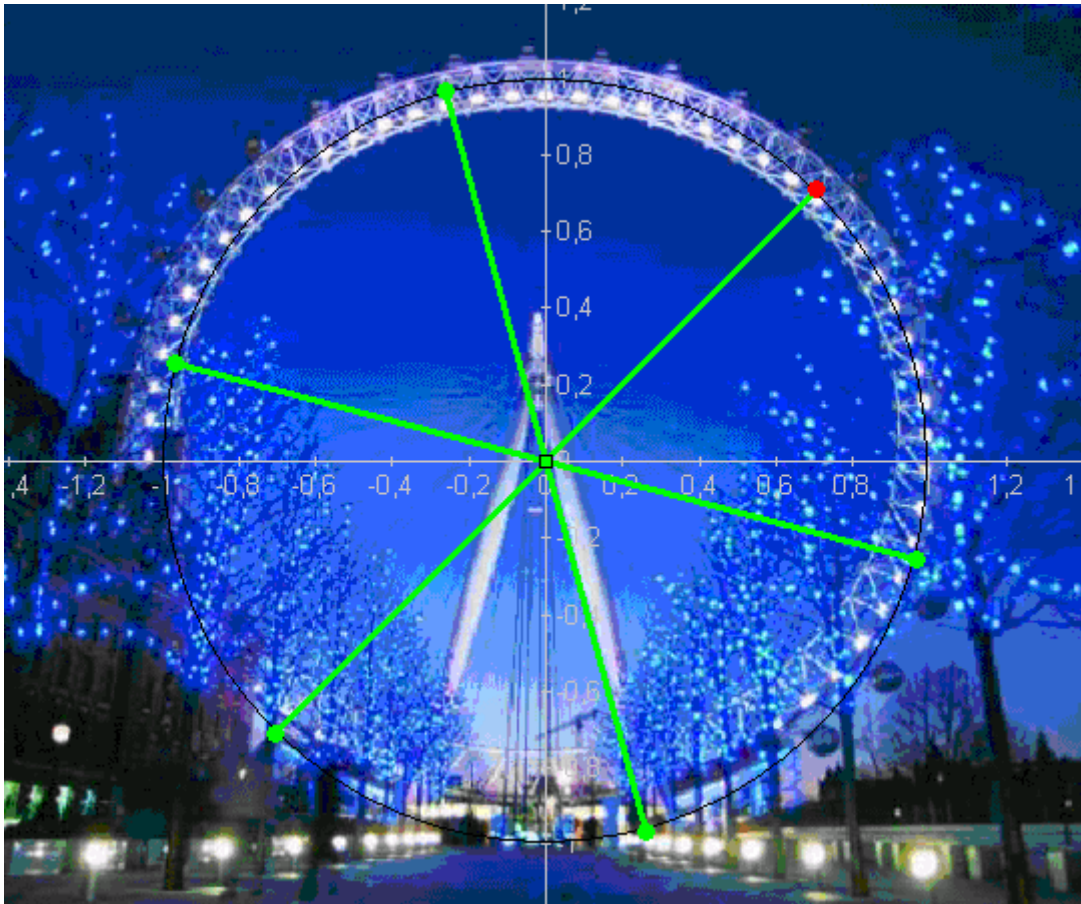
Lösung:

Verschiedene Antworten sind möglich:

1. Bahngeschwindigkeit $v = \frac{s}{t} = \frac{2r\pi}{T} = \frac{2 \cdot \frac{135\text{m}}{2} \cdot \pi}{30\text{min}} \approx 14,14 \frac{\text{m}}{\text{min}}$

2. Winkelgeschwindigkeit $\omega = \frac{360^\circ}{30\text{min}} = \frac{12^\circ}{\text{min}}$

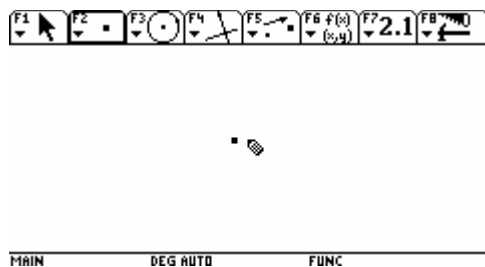
2. **Baue ein Riesenrad mit einem DGS-Programm nach**
Der Radius des Kreises soll 1 sein.



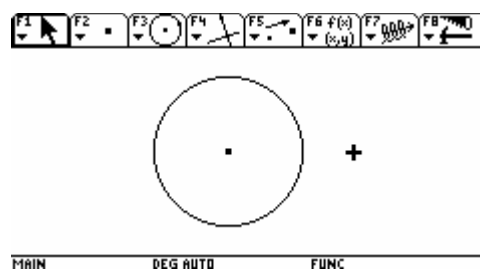
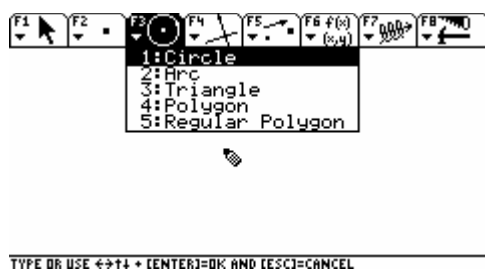
[Animation](#) des Riesenrades (roten Punkt mit der Maus greifen und bewegen).

Lösung mit dem voyage 200:

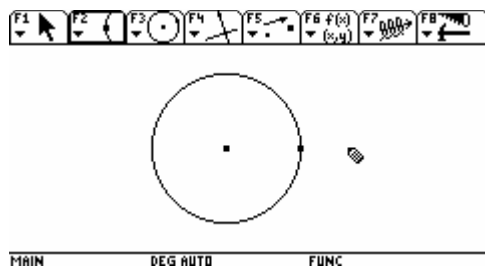
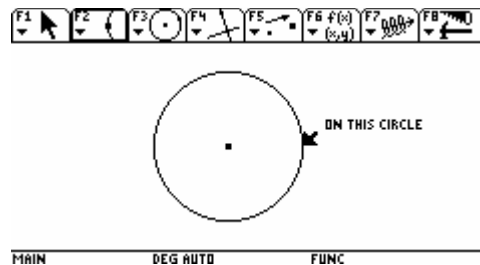
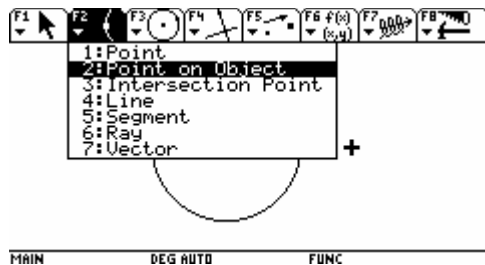
Einen Punkt in die Zeichenebene setzen



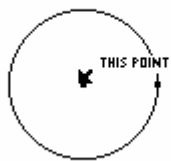
Einen Kreis um diesen Punkt aufziehen



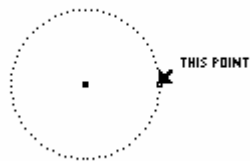
Einen Punkt an den Kreisumfang binden:



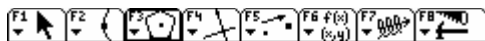
Ein reguläres Polygon um den Kreismittelpunkt zeichnen:



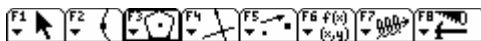
MAIN DEG AUTO FUNC



MAIN DEG AUTO FUNC

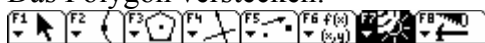


MAIN DEG AUTO FUNC

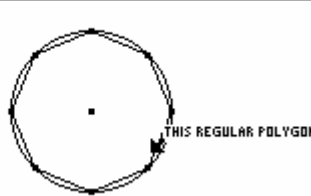


MAIN DEG AUTO FUNC

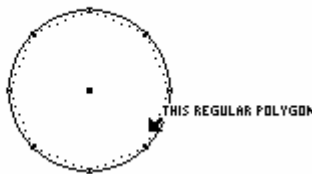
Das Polygon verstecken:



MAIN DEG AUTO FUNC

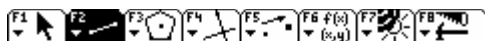


MAIN DEG AUTO FUNC

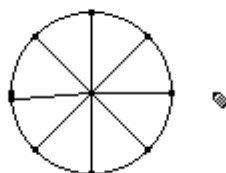
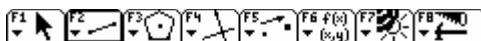


MAIN DEG AUTO FUNC

Strecken zwischen Mittelpunkt und Ecken zeichnen:

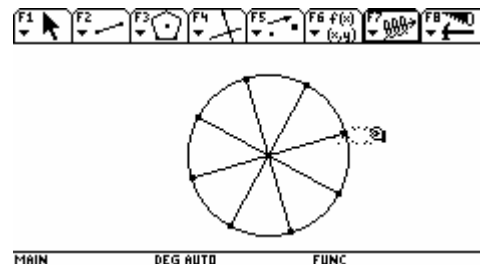
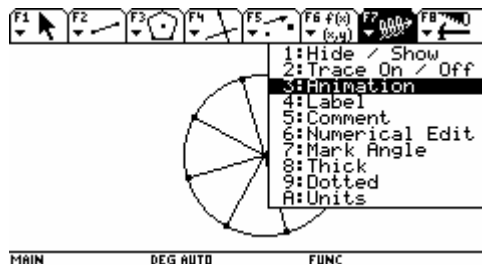


MAIN DEG AUTO FUNC



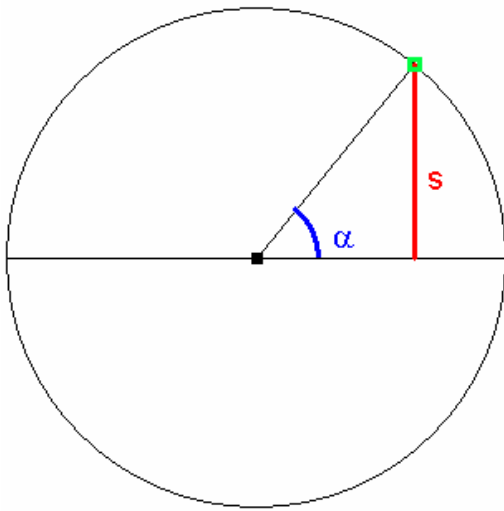
MAIN DEG AUTO FUNC

Den zu Beginn an den Kreis gebundenen Punkt animieren:



Das „Riesenrad“ dreht sich.

3. In welcher Höhe s befindet sich zu einem bestimmten Zeitpunkt die betrachtete Gondel?

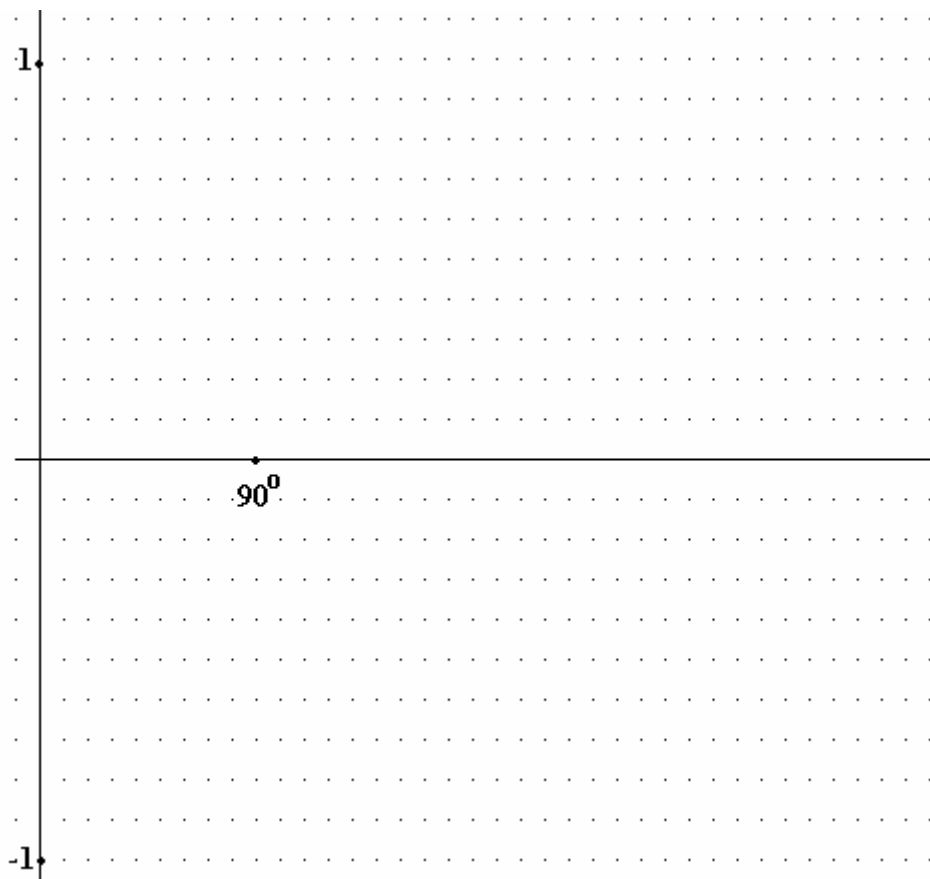


Um diese Frage zu beantworten wird die Zuordnung

Drehwinkel $\alpha \rightarrow$ Höhe s

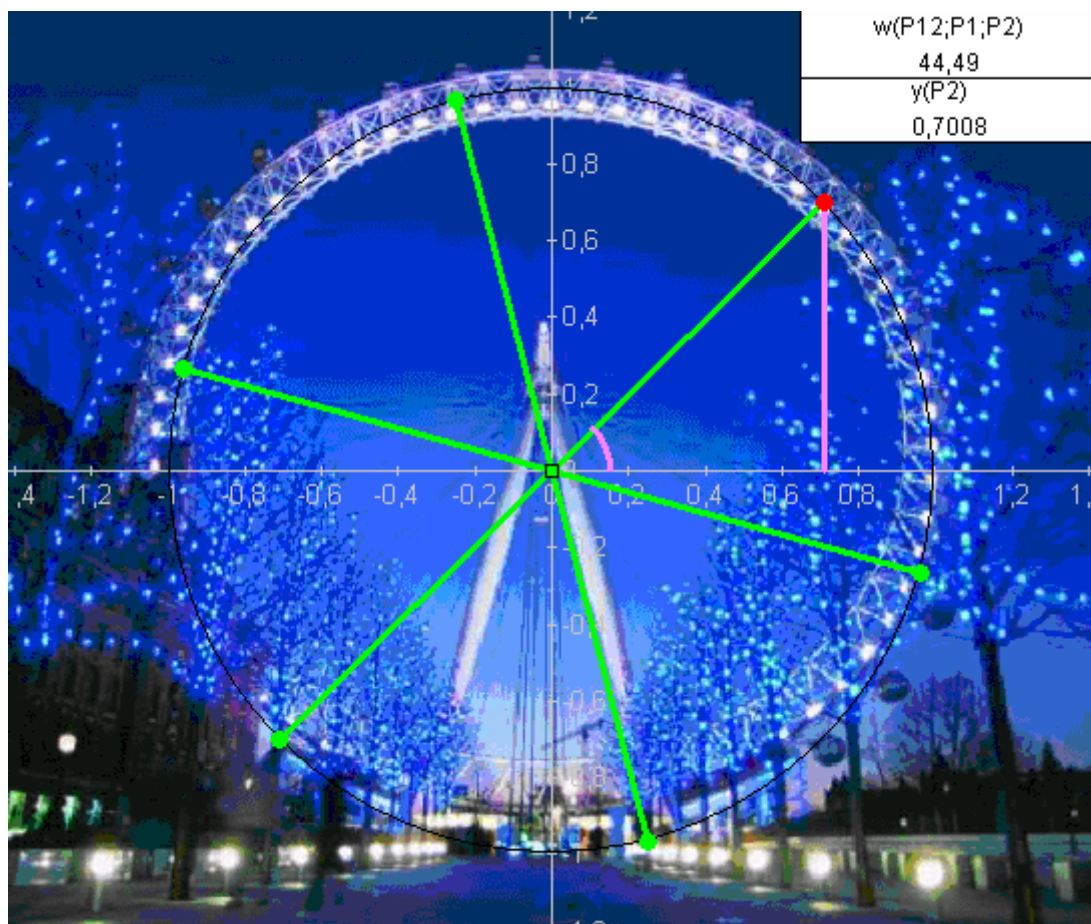
betrachtet.

Versuche den Graph dieser Zuordnung zu skizzieren:



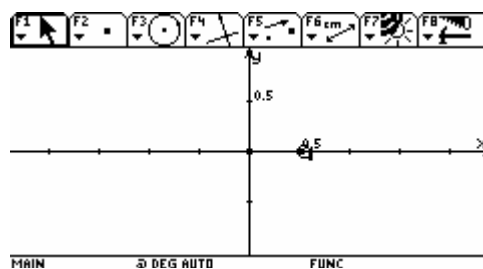
Genauer erhält man den Graphen der betrachteten Zuordnung, indem man zu jedem Winkel α die Höhe s des Punkte über der x -Achse mißt, die Werte in einer Tabelle sammelt und diese dann graphisch darstellt.

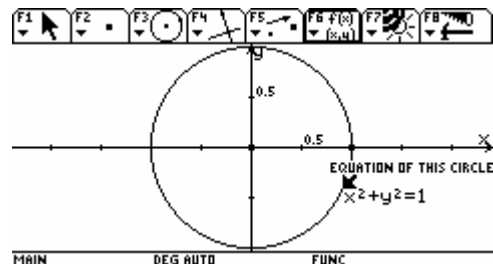
[Animation:](#)



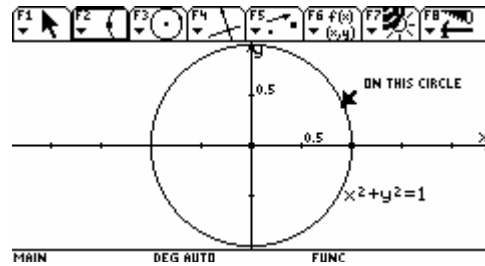
Durchführung mit dem TI-Voyage

In der Applikation „Cabri“ einen Kreis aufziehen und dessen Gleichung anzeigen lassen.

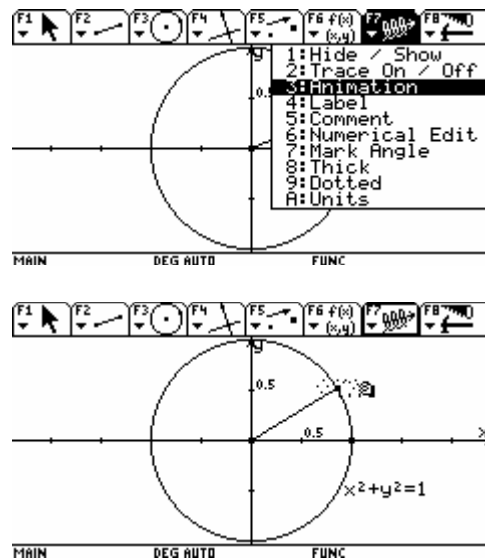




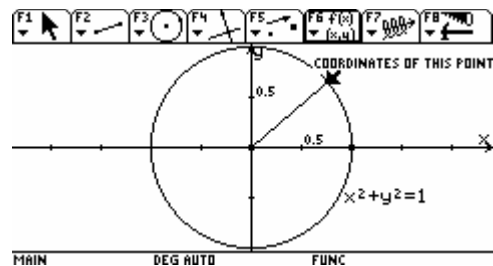
Einen Punkt an den Kreis binden:



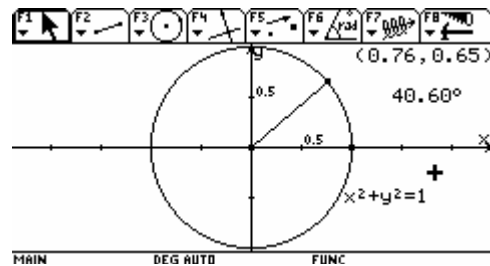
Strecke „Punkt-Mittelpunkt“ einzeichnen und dann den Punkt animieren.



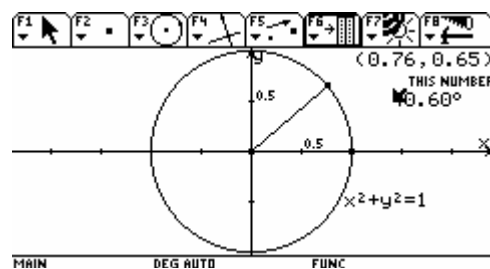
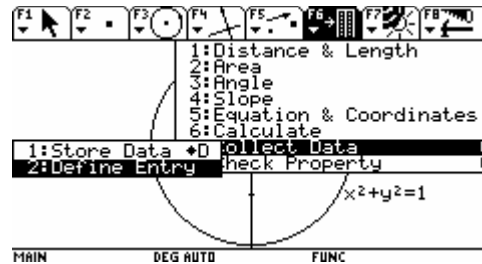
Die Koordinaten des Punktes anzeigen lassen:



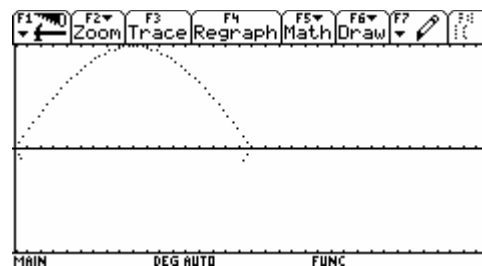
Den Winkel messen lassen:



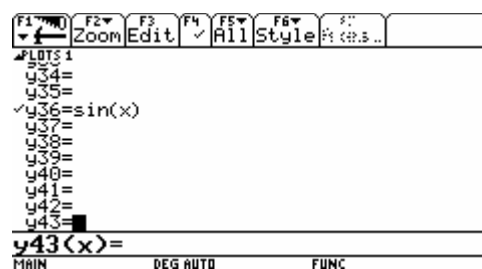
Die gemessenen Werte sammeln lassen und in den Data-Matrix-Editor übertragen:



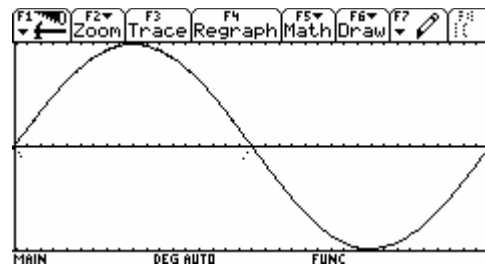
Die gemessenen Werte aus dem Data-Matrix-Editor heraus graphisch darstellen (α zwischen 0 und 90 Grad !)



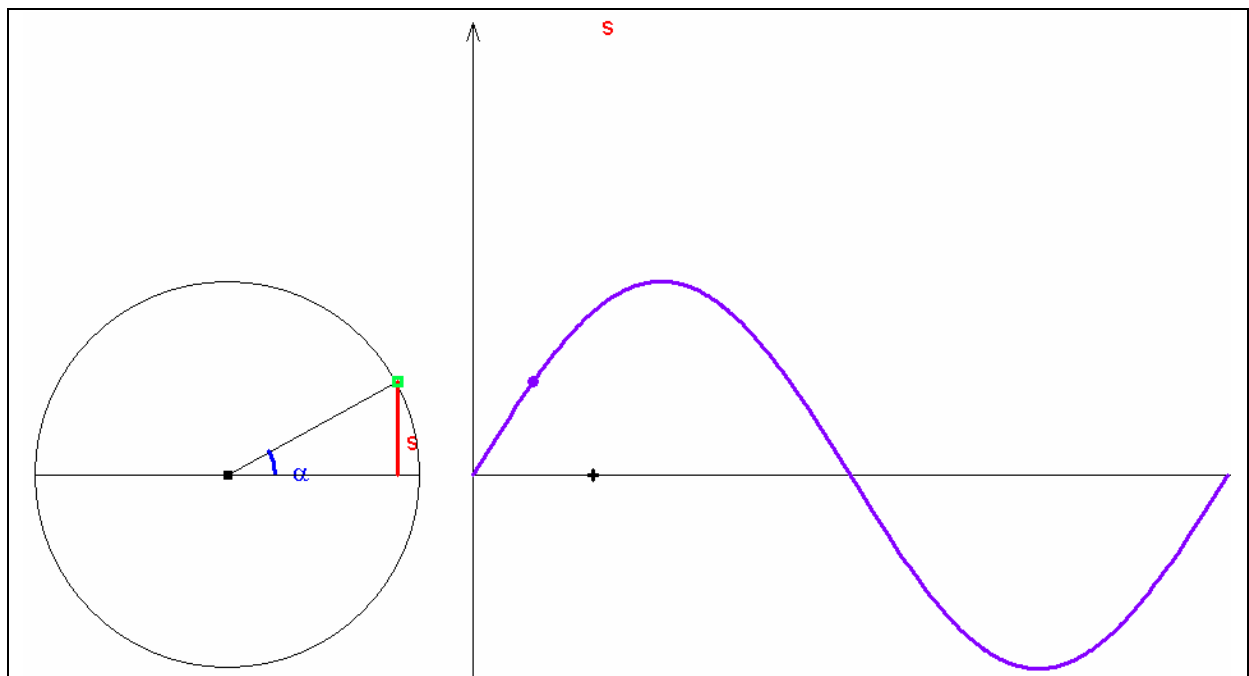
Die Funktion, welche diese Zuordnung beschreibt heißt $\sin(\alpha)$ und ist auf dem Rechner implementiert (Rechner ins Gradmaß stellen):



Die Funktion $\sin(x)$ angeben als y-Koordinate des Punktes auf dem Einheitskreis, wobei x im Gradmaß eingesetzt wird.



[Demonstration](#) des Zusammenhangs zwischen α und s :



Weiterführungen des Themas:

Modellierung des London Eyes

Die Funktion $f(t)$ soll die Höhe der Gondel über dem Boden zur Zeit t angeben.

Umlaufdauer: $T = 30 \text{ min.}$

Radius: $r = \frac{135}{2} \text{ m} = 67,5 \text{ m}$

Es ist $f(t) = r + r \sin(g(t))$, wobei $g(t)$ eine lineare Funktion in t mit folgenden Eigenschaften ist:

$g(0) = 0$ (Startwinkel 0 zur Zeit 0)

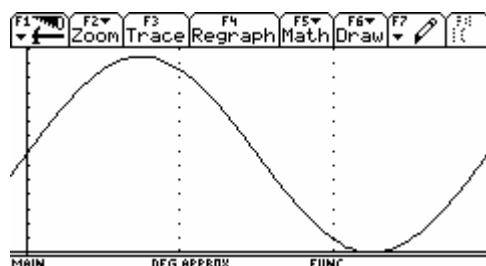
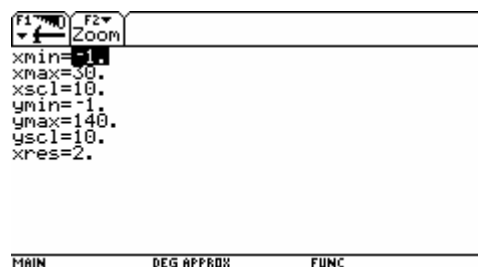
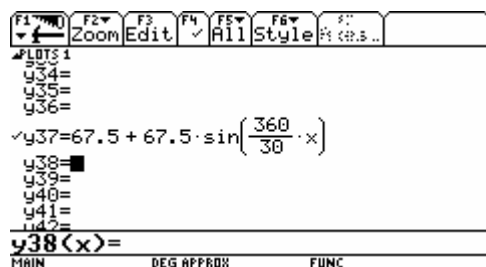
$g(30 \text{ min}) = 360^\circ$ (Eine Umdrehung in 30 min)

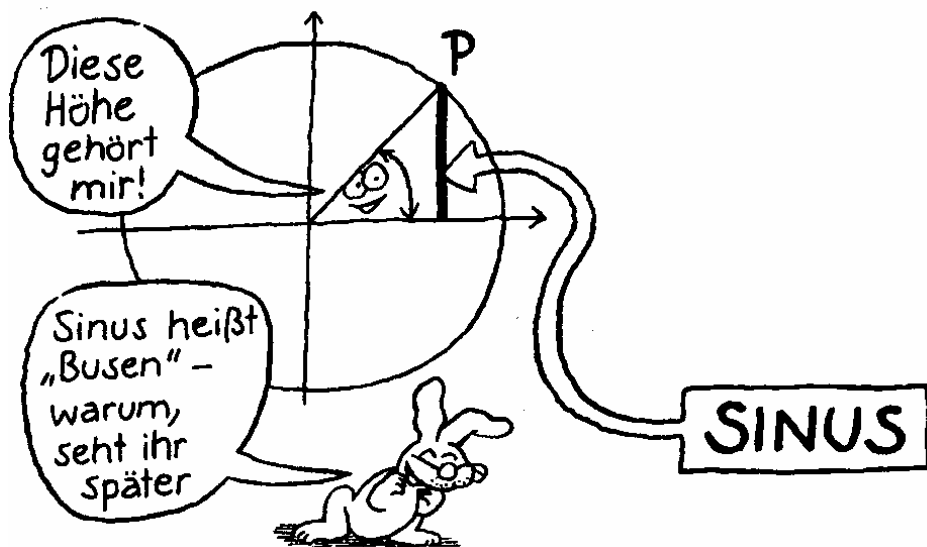
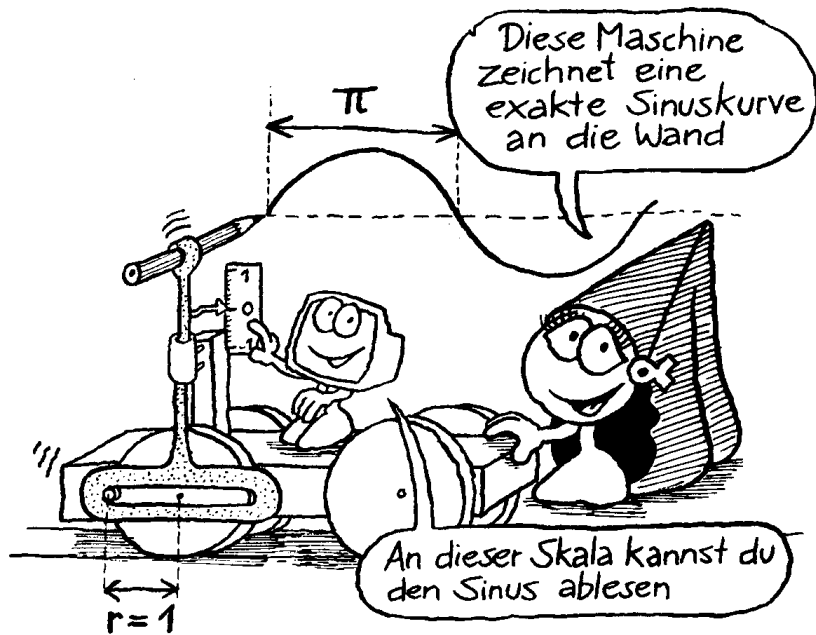
$g(t) = a \cdot t$

$360^\circ = a \cdot 30 \text{ min}$

$a = \frac{360^\circ}{30 \text{ min}}$

$f(t) = 67,5 + 67,5 \cdot \sin\left(\frac{360^\circ}{30 \text{ min}} \cdot t\right)$





Entsprechend für die x-Koordinate, d.h. $\cos(x)$

Nahe liegend ist auch:

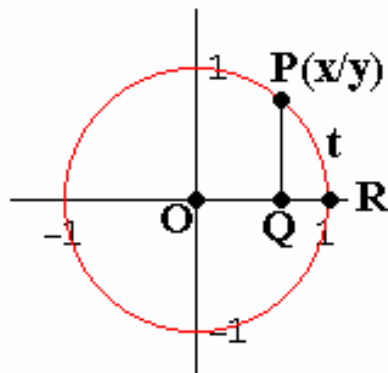
Parameterdarstellung des Kreises anschließen.

(Ab hier wird der Winkel im Bogenmaß genommen!)

Rennwagen auf dem Rundkurs



Autos fahren auf einem Rundkurs:



Der Punkt P auf dem Einheitskreis hat die Koordinaten x und y. Diese hängen ab von der Länge t des Bogens von R nach P.

Üblicherweise nennt man die x-Koordinate von P den **Cosinus von t**, die y-Koordinate den **Sinus von t**.

In der Zeichnung gilt also: $\overline{OQ} = x = \cos(t)$ und $\overline{PQ} = y = \sin(t)$

F1	F2	F3	F4	F5	F6	F7	
	Zoom	Edit	✓	All	Style	Print...	

PLOTS

yt3=

xt4=

yt4=

xt5=

yt5=

✓xt6=cos(t)

✓yt6=sin(t)

xt7=

yt7=

1:Line

2:Dot

3:Square

4:Thick

5:Animate

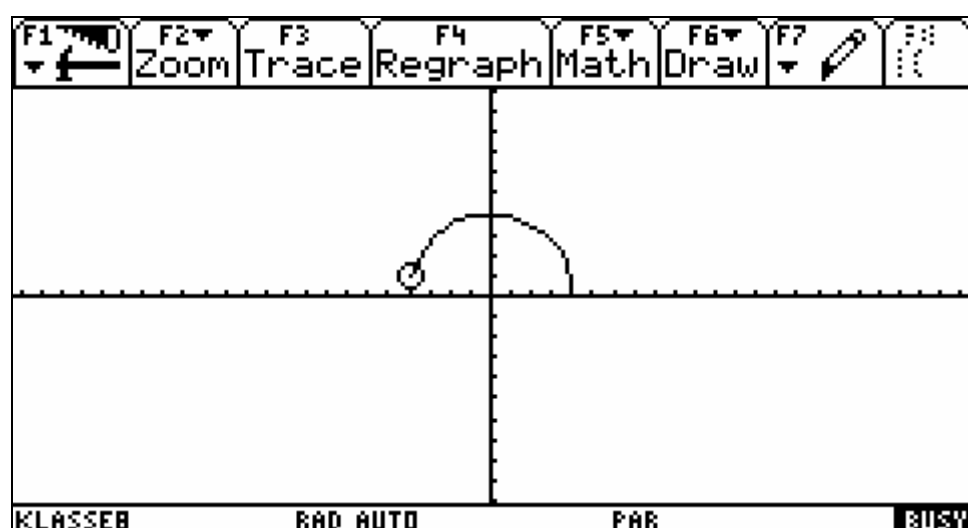
✓6:Path

7:Open Circle

8:Open Square

yt6(t)=sin(t)

KLASSEB	RAD AUTO	PAB
---------	----------	-----



Aufgabe

Baue ein Auto das genau doppelt so schnell auf dem Rundkurs fährt wie das eben betrachtete Auto.

F1	F2	F3	F4	F5	F6	F7	
	Zoom	Edit	✓	All	Style	Help ..	

```
PLOTS
xt4=
yt4=
xt5=
yt5=
✓xt6=cos(t)
✓yt6=sin(t)
✓xt7=cos(2·t)
✓yt7=sin(2·t)
xt8=■
```

xt8(t)=

KLASSE	RAD AUTO	PAR
--------	----------	-----

Aufgabe

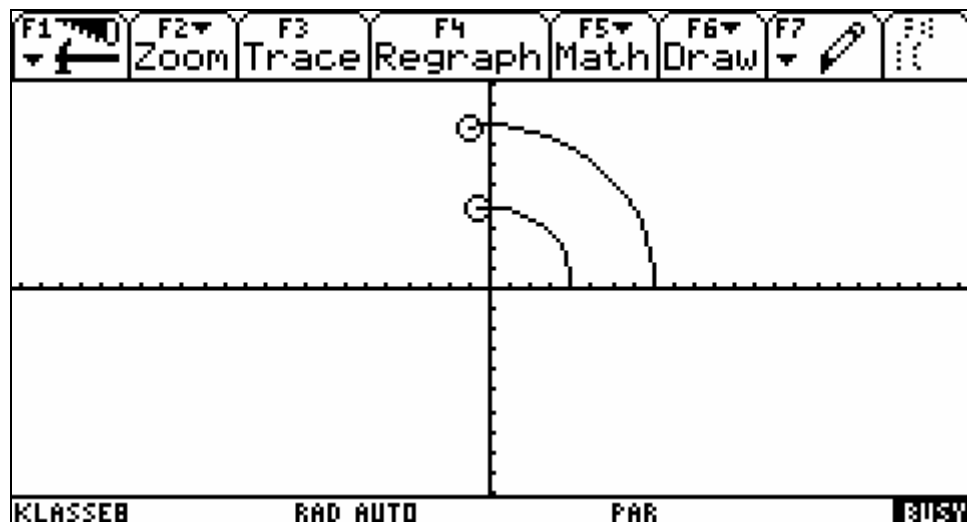
Baue ein Auto das auf einem Rundkurs mit dem Radius 2 fährt.

F1	F2	F3	F4	F5	F6	F7
Zoom	Edit	✓	All	Style	Help	

```
PLOTS
xt5=
yt5=
✓xt6=cos(t)
✓yt6=sin(t)
xt7=cos(2·t)
yt7=sin(2·t)
✓xt8=2*cos(t)
✓yt8=2·sin(t)
xt9=
```

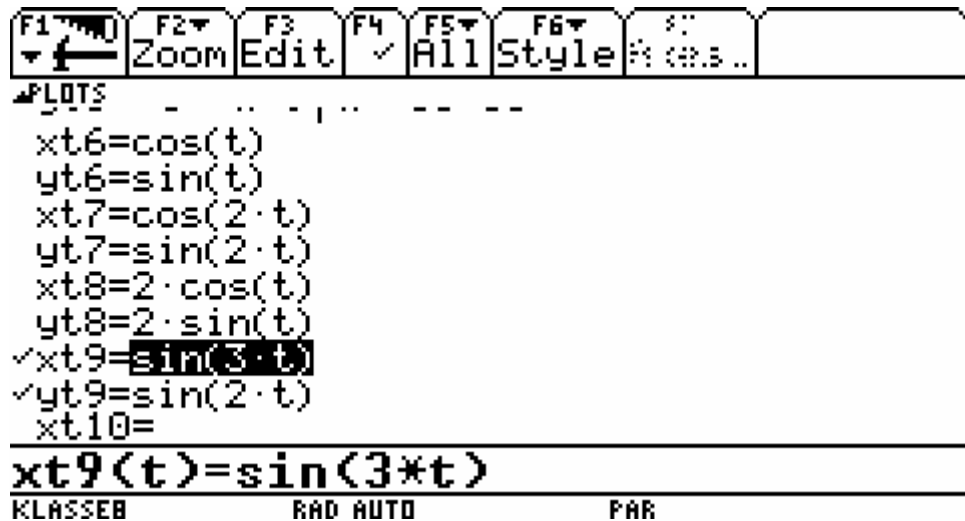
xt8(t)=2*cos(t)

KLASSE	RAD AUTO	PAR
--------	----------	-----



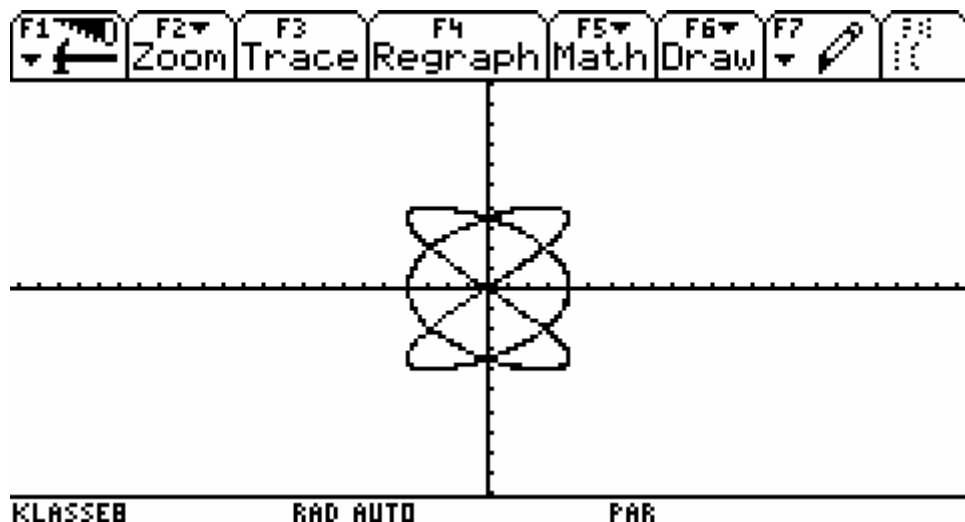
Aufgabe

In der Eingabe von xt9 und yt9 scheint etwas durcheinander geraten zu sein:



```
F1 [ZOOM] F2 [Zoom] F3 [Edit] F4 [✓] F5 [All] F6 [Style] F7 [Format] F8 [Vars]
PLOTS - - - - -
xt6=cos(t)
yt6=sin(t)
xt7=cos(2*t)
yt7=sin(2*t)
xt8=2*cos(t)
yt8=2*sin(t)
✓xt9=sin(3*t)
✓yt9=sin(2*t)
xt10=
xt9(t)=sin(3*t)
KLASSEB RAD AUTO PAR
```

Wie äußert sich dieses „Versehen“ im Aussehen der Bahnkurve?
Experimentiere selbst weiter.



Aufgabe

Baue einen „Ball“ der beliebig lange parallel zur y-Achse springt.

